pauker.

Abschluss2023

Hauptschulprüfung Baden-Württemberg

Lösungen Musterprüfung III

Mathematik

Teil A1

Aufgabe 1

$$\begin{aligned} & 0,5 \cdot (-4) + 0,1 \cdot \left(3 \frac{1}{2} - 2,5\right) \\ & = -2 + 0,1 \cdot 1 \\ & = -2 + 0,1 \\ & = -1,9 \end{aligned}$$

Aufgabe 2

$$30\% = \frac{30}{100}; \quad \frac{2}{5} = \frac{40}{100}; \quad \frac{1}{4} = \frac{25}{100}; \quad 0,35 = \frac{35}{100}; \quad \frac{9}{25} = \frac{36}{100}$$

Damit gilt: $\frac{1}{4} < 30\% < 0,35 < \frac{9}{25} < \frac{2}{5}$

Aufgabe 3

$$270\,000\,000 = 2,7 \cdot 10^8$$

Aufgabe 4

$$\begin{array}{ll} 2 \cdot (5 + 3x) = x - (-6x + 2) & | \text{ Klammern auflösen} \\ 10 + 6x = x + 6x - 2 & | \text{ zusammenfassen} \\ 10 + 6x = 7x - 2 & | - 7x - 10 \\ -x = -12 & | \cdot (-1) \\ x = 12 & \end{array}$$

Aufgabe 5

Das Dreieck hat eine Grundseite von 3 cm und eine Höhe von 4 cm. Damit gilt für den Flächeninhalt des Dreiecks:

$$A_{\text{Dreieck}} = 0,5 \cdot 3 \cdot 4$$

$$A_{\text{Dreieck}} = 6 \text{ cm}^2$$

Rechtecke mit einem Flächeninhalt von 6 cm^2 können verschiedene Seitenlängen haben, z. B. $a = 2 \text{ cm}$ und $b = 3 \text{ cm}$:

$$A_{\text{Rechteck}} = a \cdot b$$

$$A_{\text{Rechteck}} = 2 \cdot 3$$

$$A_{\text{Rechteck}} = 6 \text{ cm}^2$$

Aufgabe 6

$$V = G \cdot h$$

$$24 = a^2 \cdot 6$$

$$4 = a^2$$

$$a = 2 \text{ cm}$$

$$| : 6$$

$$|\sqrt{\quad}$$

Aufgabe 7

Der Punkt P liegt nicht auf der Mittelsenkrechten $m_{\overline{AB}}$.

Aufgabe 8

Graph B könnte zu der Zugfahrt passen.

Begründung: Die Entfernung von Ulm nimmt mit fortschreitender Zeit ab, weil der Zug von Stuttgart in Richtung Ulm fährt. Also muss der Graph entweder fallen oder parallel zur x-Achse verlaufen (bei Zwischenhalten des Zuges). Dies ist ausschließlich bei Graph B der Fall. Außerdem kommt der Zug (hoffentlich) irgendwann in Ulm an, sodass die Entfernung des Zuges von Ulm 0 km ist. Dies kann man ebenfalls nur am Graphen B ablesen, weil nur dieser die x-Achse schneidet.

Aufgabe 9

$b^2 + c^2 = a^2$ (a liegt dem rechten Winkel gegenüber, ist also die Hypotenuse.)

Aufgabe 10

Relative Häufigkeit von Ehrenurkunden in der 9a: $\frac{5}{20} = \frac{1}{4} = 25\%$

Relative Häufigkeit von Ehrenurkunden in der 9c: $\frac{7}{28} = \frac{1}{4} = 25\%$

In beiden Klassen ist die relative Häufigkeit der errungenen Ehrenurkunden gleich.
Also haben beide Klassen „relativ gesehen“ (= prozentual) gleich gut abgeschnitten.

Teil A2

Aufgabe 1

Die Strecke b beträgt wegen des Mittelpunktswinkels von 120° ein Drittel eines kompletten Kreisumfangs mit dem Radius 30 cm. Deshalb gilt:

$$b = \frac{1}{3} \cdot 2 \cdot \pi \cdot r$$

$$b = \frac{1}{3} \cdot 2 \cdot \pi \cdot 30$$

$$b = 62,8 \text{ cm}$$

Die Spitze des Scheibenwischers legt von links nach rechts eine Strecke von 62,8 cm zurück.

Aufgabe 2

$$V_{\text{Körper}} = V_{\text{Würfel}} + V_{\text{Pyramide}}$$

$$V_{\text{Körper}} = a^3 + \frac{1}{3} \cdot a^2 \cdot h$$

$$V_{\text{Körper}} = 3^3 + \frac{1}{3} \cdot 3^2 \cdot 4,5$$

$$V_{\text{Körper}} = 27 + 13,5$$

$$V_{\text{Körper}} = 40,5 \text{ cm}^3$$

Aufgabe 3

Mögliche Kombinationen: bg br bw rg rr rw wg wr ww (9 Kombinationen)

$$P(2 \text{ verschiedenfarbige Kugeln}) = \frac{7}{9} = 77,8\%$$

Aufgabe 4

Taxi: $3 + 4,5 \cdot 2,4$
 $= 3 + 10,8$
 $= 13,8$
Das Taxi kostet 13,80 €.

Vier S-Bahn-Tickets: $4 \cdot 3,50 = 14$
Die S-Bahn-Tickets kosten zusammen 14,00 €.

Damit ist das Taxi billiger als die S-Bahn.

Aufgabe 5

Jahr	Kapital zu Jahresbeginn in €	Zinsen in € ($Z = K \cdot p\%$)	Kapital am Jahresende in €
1	30 000	$30\,000 \cdot 0,009 = 270$	30 270
2	30 270	$30\,270 \cdot 0,009 = 272,43$	30 542,43
3	30 542,43	$30\,542,43 \cdot 0,009 = 274,88$	30 817,31

Nach 3 Jahren ist das Anfangskapital von 30 000 € auf 30 817,31 € angewachsen.

Teil B

Aufgabe 1

a) Volumen des Topfes:

$$V = \pi \cdot r^2 \cdot h$$
$$V = \pi \cdot 10^2 \cdot 9$$
$$V = 2827,4 \text{ cm}^3$$

Menge an Milch:

$$3 \text{ Liter} = 3 \text{ dm}^3 = 3000 \text{ cm}^3$$

Der Topf hat ein Volumen von $2827,4 \text{ cm}^3$, die Milch hat ein Volumen von 3000 cm^3 .
Der Topf ist also nicht groß genug für 3 Liter Milch.

b) $W = G \cdot p\%$
 $100 = G \cdot 0,07$ $1 : 0,07$
 $G = 1428,6 \text{ ml}$

Ein Erwachsener müsste 1428,6 ml (also etwas mehr als 1,4 Liter) Vollmilch trinken, um allein mit dieser Milch seinen gesamten Tagesbedarf an Eiweiß zu decken.

Aufgabe 2

a) $A_{\text{Beton}} = A_{\text{Rechteck}} - A_{\text{Halbkreis}}$

$$A_{\text{Beton}} = a \cdot b - \frac{1}{2} \cdot \pi \cdot r^2$$

$$A_{\text{Beton}} = 9 \cdot 14 - \frac{1}{2} \cdot \pi \cdot 5^2$$

$$A_{\text{Beton}} = 126 - 39,3$$

$$A_{\text{Beton}} = 86,7 \text{ m}^2$$

Die zu lackierende Fläche ist 86,7 m² groß.

b) Lösung mit einem Dreisatz:

	Zeit (in min)	Strecke (in km)	
: 20	60	108	: 20
	3	5,4	

Der Tunnel ist 5,4 km lang.

Aufgabe 3

a) H = Hund; K = Katze; M = Maus; L = Löwe; T = Tiger

Mögliche Spielausgänge:

H – L H – K H – T

K – L K – K K – T

M – L M – K M – T

b) „Günstige“ Spielausgänge (mit mindestens einmal „Katze“):

(1) H – K (2) K – L (3) K – K (4) K – T (5) M – K

Damit gilt:

$$P(\text{mindestens einmal „Katze“}) = \frac{\text{Anzahl aller „günstigen“ Ergebnisse}}{\text{Anzahl aller möglichen Ergebnisse}} = \frac{5}{9} = 55,6\%$$