

pauker.

Abschluss2023

Realschulprüfung Hessen



Lösungen Mathematik Prüfung 2019

Mathematik

Pflichtaufgaben

Aufgabe P1

a) 1. Berechnung mit dem **Dreisatz**:

$$\begin{array}{ccc}
 3 \text{ kg} \triangleq 5,40 \text{ €} & & \\
 \left. \begin{array}{c} : 3 \\ \rightarrow \\ \rightarrow \end{array} \right\} & & \left. \begin{array}{c} : 3 \\ \leftarrow \\ \leftarrow \end{array} \right\} \\
 1 \text{ kg} \triangleq 1,80 \text{ €} & & \\
 \left. \begin{array}{c} \cdot 5 \\ \rightarrow \\ \rightarrow \end{array} \right\} & & \left. \begin{array}{c} \cdot 5 \\ \leftarrow \\ \leftarrow \end{array} \right\} \\
 5 \text{ kg} \triangleq 9,00 \text{ €} & &
 \end{array}$$

5 kg Orangen entsprechen 9,00 €.

2. Berechnung mit dem **Dreisatz**:

$$\begin{array}{ccc}
 3 \text{ kg} \triangleq 5,40 \text{ €} & & \\
 \left. \begin{array}{c} : 5,40 \\ \rightarrow \\ \rightarrow \end{array} \right\} & & \left. \begin{array}{c} : 5,40 \\ \leftarrow \\ \leftarrow \end{array} \right\} \\
 0,5\bar{5} \triangleq 1 \text{ €} & & \\
 \left. \begin{array}{c} \cdot 12,60 \\ \rightarrow \\ \rightarrow \end{array} \right\} & & \left. \begin{array}{c} \cdot 12,60 \\ \leftarrow \\ \leftarrow \end{array} \right\} \\
 7 \text{ kg} \triangleq 12,60 \text{ €} & &
 \end{array}$$

oder

$$1 \text{ kg} \triangleq 1,80 \text{ €}$$

$$\text{Also } 12,60 \text{ €} : 1,80 \frac{\text{€}}{\text{kg}} = 7 \text{ kg}$$

12,60 € entsprechen 7 kg Orangen.

b) 1,2 Liter $\cdot \frac{2}{3} = 0,8 \text{ l}$

$\frac{2}{3}$ von 1,2 Liter sind 0,8 Liter.

Aufgabe P2

a)

$$\begin{array}{ccc}
 830 \text{ Sitzplätze} \triangleq 100\% & & \\
 \left. \begin{array}{c} : 100 \\ \rightarrow \\ \rightarrow \end{array} \right\} & & \left. \begin{array}{c} : 100 \\ \leftarrow \\ \leftarrow \end{array} \right\} \\
 1 \text{ Sitzplatz} \triangleq 0,120 \dots \% & & \\
 \left. \begin{array}{c} \cdot 625 \\ \rightarrow \\ \rightarrow \end{array} \right\} & & \left. \begin{array}{c} \cdot 625 \\ \leftarrow \\ \leftarrow \end{array} \right\} \\
 625 \text{ Sitzplätze} \triangleq 75,30\% & & \\
 & & \approx 75
 \end{array}$$

oder

Berechnung mit der **Formel**:

$$p\% = \frac{W \cdot 100}{G}$$

$$p\% = \frac{625 \cdot 100}{830}$$

$$p\% = 75,30\%$$

$$p\% \approx 75\%$$

In der 2. Klasse befinden sich 75% der Sitzplätze.

b)

$$\begin{array}{l}
 \left. \begin{array}{l} 625 \text{ Sitzplätze} \triangleq 100\% \\ 6,25 \text{ Sitzplätze} \triangleq 1\% \end{array} \right\} : 100 \\
 \left. \begin{array}{l} 625 \text{ Sitzplätze} \triangleq 100\% \\ 175 \text{ Sitzplätze} \triangleq 28\% \end{array} \right\} : 175
 \end{array}$$

oder

$$W = \frac{p\% \cdot G}{100}$$

$$W = \frac{28 \cdot 625}{100}$$

$$W = 175$$

In der 2. Klasse befinden sich 175 Sitzplätze.

c) Vermehrter Grundwert:

$$\begin{array}{l}
 \left. \begin{array}{l} 830 \triangleq 118\% \\ 7,03 \triangleq 1\% \end{array} \right\} : 118 \\
 \left. \begin{array}{l} 830 \triangleq 118\% \\ 703 \triangleq 100\% \end{array} \right\} : 100
 \end{array}$$

Der alte ICE hat 703 Sitzplätze.

Aufgabe P3

- a) 1. Term: x^3
 $x = 3,5$
 $3,5^3 = 42,875$
2. $\sqrt[3]{343} = 7$
3. Lukas' Behauptung ist nicht richtig, denn für $x = -3$ gilt:
 $(-3)^3 = -27$

b) $y - x = 5 \quad | + x$
 $y = 5 + x$

Also stimmt die Aussage D.

c) I $\left| \begin{array}{l} x - 3y = -2 \\ 3x + 3y = 42 \end{array} \right|$

Umformen:

$$\begin{array}{l}
 \text{I} \quad x - 3y = -2 \quad | -x \\
 \quad \quad -3y = -2 - x \quad | : (-1) \\
 \quad \quad \quad 3y = 2 + x
 \end{array}$$

$$\begin{array}{l}
 \text{II} \quad 3x + 3y = 42 \quad | -3x \\
 \quad \quad \quad 3y = 42 - 3x
 \end{array}$$

Gleichsetzverfahren:

$$\begin{aligned} 3y &= 3y \Rightarrow \\ 2 + x &= 42 - 3x && | + 3x \\ 2 + 4x &= 42 && | - 2 \\ 4x &= 40 && | : 4 \\ x &= 10 \end{aligned}$$

Einsetzen in I (oder II):

$$\begin{aligned} 10 - 3y &= -2 && | - 10 \\ -3y &= -12 && | : (-3) \\ y &= 4 \end{aligned}$$

Probe:

$$\begin{aligned} \text{I } 10 - 3 \cdot 4 &= 2 && \text{II } 3 \cdot 10 + 3 \cdot 4 = 42 \\ -2 &= -2 && 42 = 42 \end{aligned}$$

$$\mathbb{L} = \{10; 4\}$$

oder

$$\begin{array}{l} \text{I} \quad | \quad x - 3y = -2 \quad | \\ \text{II} \quad | \quad 3x + 3y = 42 \quad | \end{array}$$

Umformen:

$$\begin{aligned} \text{II } 3x + 3y &= 42 && | - 3x \\ 3y &= 42 - 3x && | : (-1) \\ -3y &= -42 + 3x \end{aligned}$$

Einsetzverfahren:

II in I

$$\begin{aligned} x - 42 + 3x &= -2 \\ 4x - 42 &= -2 && | + 42 \\ 4x &= 40 && | : 4 \\ x &= 10 \end{aligned}$$

Einsetzen in II (oder I):

$$\begin{aligned} 3 \cdot 10 + 3y &= 42 \\ 30 + 3y &= 42 && | - 30 \\ 3y &= 12 && | : 3 \\ y &= 4 \end{aligned}$$

Probe:

$$\begin{aligned} \text{I } 10 - 3 \cdot 4 &= -2 && \text{II } 3 \cdot 10 + 3 \cdot 4 = 42 \\ -2 &= -2 && 42 = 42 \end{aligned}$$

$$\mathbb{L} = \{10; 4\}$$

oder

Additionsverfahren:

$$\begin{array}{l} \text{I} \\ \text{II} \end{array} \oplus \left| \begin{array}{l} x - 3y = -2 \\ 3x + 3y = 42 \end{array} \right|$$

$$\begin{aligned} x + 3x - 3y + 3y &= -2 + 42 \\ 4x &= 40 && | : 4 \\ x &= 10 \end{aligned}$$

Einsetzen in II (oder I):

$$\begin{aligned} 3 \cdot 10 + 3y &= 42 \\ 30 + 3y &= 42 && | -30 \\ 3y &= 12 && | : 3 \\ y &= 4 \end{aligned}$$

$$\mathbb{L} = \{10; 4\}$$

Aufgabe P4

a) Nullstellenberechnung:

$$\begin{aligned} y &= 0,5x + 4 \\ 0 &= 0,5x + 4 && | -4 \\ -4 &= 0,5x && | : 0,5 \\ -8 &= x \end{aligned} \quad \boxed{\text{Bdg.: } y = 0}$$

Einsetzen in die Gleichung als Probe:

$$\begin{aligned} 0 &= 0,5 \cdot (-8) + 4 \\ 0 &= 0 \end{aligned}$$

$$N(-8 | 0)$$

b) P(12 | 10) liegt auf der Geraden, denn durch Einsetzen erhält man:

$$\begin{aligned} y &= 0,5x + 4 \\ 10 &= 0,5 \cdot 12 + 4 \\ 10 &= 6 + 4 \\ 10 &= 10 \end{aligned}$$

c) Q(2 | 2)

$$y = mx + b \quad \begin{array}{l} m = \text{Steigung} \\ b = y\text{-Achsenabschnitt} \end{array}$$

$y = 0,5x + 4$ hat die Steigung 0,5, also muss die parallele Gerade ebenfalls diese Steigung haben.
 \downarrow
 $m = 0,5$

Zeichnen der Geraden in das Koordinatensystem durch Q(2 | 2)

Ablesen des y-Achsenabschnitts ergibt $b = 1$.

Also lautet die parallele Gerade durch Q:

$$y = 0,5x + 1$$

d) Die Spiegelgerade lautet:

$$y = -0,5x - 4$$

Aufgabe P5

- a) 1. Die Wahrscheinlichkeit beträgt

$$P = \frac{1}{20} = 0,05 = 5\%$$

2. **Gewinn:**

Aurelia: Eine Zahl teilbar durch 3 und 5, also 3, 5, 6, 9, 10, 12, 15, 18, 20

$$\Rightarrow 9 \text{ Zahlen} \Rightarrow P(G) = \frac{9}{20}$$

Maurice: Jede andere Zahl, also 1, 2, 4, 7, 8, 11, 13, 14, 16, 17, 19

$$\Rightarrow 11 \text{ Zahlen} \Rightarrow P(G) = \frac{11}{20}$$

Aus diesem Grund ist diese Spielregel unfair.

- b) 1. $P(\text{gerade Zahl}) = \frac{10}{20}$

$$P(\text{ungerade Zahl}) = \frac{10}{20}$$

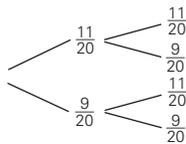
$$P(\text{gerade} \mid \text{ungerade}) = \frac{10}{20} \cdot \frac{10}{20} = \frac{100}{400}$$

$$\frac{100}{400} = \frac{1}{4} = 0,25 = 25\%$$

Die Wahrscheinlichkeit beträgt 25%.

2. Eine zweistellige Zahl:

10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20 \Rightarrow 11 Zahlen



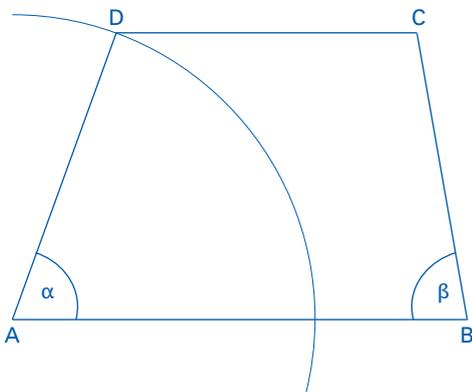
$$P = \frac{11}{20} \cdot \frac{9}{20} + \frac{9}{20} \cdot \frac{11}{20} = \frac{198}{400}$$

$$= \frac{99}{200} = 0,495 = 49,5\%$$

1. Wurf 2. Wurf

Die Wahrscheinlichkeit beträgt 49,5%.

Aufgabe P6



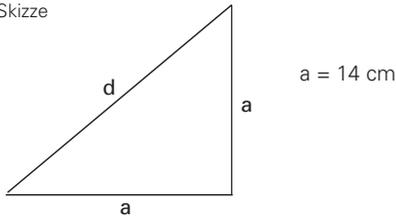
Aufgabe P7

- a) 1. $\alpha = 55^\circ$ AB || CD
 Wechselwinkel $180^\circ - 55^\circ = 125^\circ$
 $\delta = 125^\circ$
 Stufenwinkel AD || BC
 $\alpha = \epsilon$
 $\epsilon = 55^\circ$
2. Flächeninhaltsformel vom Parallelogramm:
 $A = g \cdot h$
 $A = 84 \text{ cm}^2$ $g = 8 \text{ cm}$ $h = ?$
 $84 \text{ cm}^2 = 8 \text{ cm} \cdot h$ | : 8 cm
 $h = 10,5 \text{ cm}$
 Die Höhe beträgt 10,5 cm.
- b) Die Aussage C passt zu einem Parallelogramm.

Aufgabe P8

- a) Berechnung mit dem **Satz des Pythagoras:**

Skizze



$$d^2 = a^2 + a^2$$

$$d^2 = (14 \text{ cm})^2 + (14 \text{ cm})^2$$

$$d^2 = 392 \text{ cm}^2$$

$$d \approx 19,8 \text{ cm}$$

$$d \approx 198 \text{ mm}$$

Die Diagonale beträgt 198 mm.

- b) Flächeninhaltsformel vom Dreieck:

$$A = \frac{g \cdot h}{2}$$

$$g = a = 14 \text{ cm} \quad h_s = 25 \text{ cm}$$

$$A = \frac{g \cdot h}{2}$$

$$A = \frac{14 \text{ cm} \cdot 25 \text{ cm}}{2}$$

$$A = 175 \text{ cm}^2$$

Der Flächeninhalt beträgt 175 cm².

c) Volumenformel einer quadratischen Pyramide:

$$V = \frac{1}{3} \cdot G \cdot h_k$$

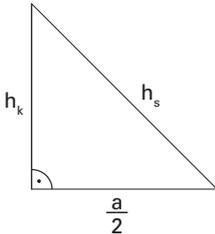
$$G = a^2$$

$$G = (14 \text{ cm})^2$$

$$G = 196 \text{ cm}^2$$

Berechnung von h_k :

Skizze



$$h_s = c = 25 \text{ cm} \quad \frac{a}{2} = a = 7 \text{ cm} \quad h_k = b = ? \quad \Rightarrow a^2 + b^2 = c^2$$

Berechnung mit dem **Satz des Pythagoras**:

$$h_s^2 = \left(\frac{a}{2}\right)^2 + h_k^2 \quad | -\left(\frac{a}{2}\right)^2 \quad V = \frac{1}{3} G \cdot h_k$$

$$h_k^2 = h_s^2 - \left(\frac{a}{2}\right)^2 \quad V = \frac{1}{3} \cdot 196 \text{ cm}^2 \cdot 24 \text{ cm}$$

$$h_k^2 = (25 \text{ cm})^2 - (7 \text{ cm})^2 \quad V = 1568 \text{ cm}^3$$

$$h_k^2 = 576 \text{ cm}^2 \quad | \sqrt{\quad} \quad \text{Das Volumen beträgt } 1568 \text{ cm}^3.$$

$$h_k = 24 \text{ cm}$$

Wahlaufgaben

Aufgabe W1

a) Berechnung des Winkels \sphericalangle AMB:

$$\sphericalangle \text{ AMB} = 180^\circ - 30^\circ - 30^\circ = 120^\circ$$

Berechnung von r mit dem **Sinussatz**:

$$\frac{r}{\sin 30^\circ} = \frac{7,3 \text{ cm}}{\sin 120^\circ} \quad | \cdot \sin 30^\circ$$

$$r = \frac{7,3 \text{ cm}}{\sin 120^\circ} \cdot \sin 30^\circ$$

$$r = 4,214... \text{ cm}$$

$$r \approx 4,2 \text{ cm}$$

b) Flächeninhaltsformel des Kreises:

$$A = \pi \cdot r^2$$

$$A = \pi \cdot (4,2 \text{ cm})^2$$

$$A = 55,42 \text{ cm}^2$$

Berechnung der Höhe des Dreiecks:

$$\sphericalangle \text{ BAC} = 30^\circ + 30^\circ = 60^\circ$$

$$\sin \sphericalangle \text{ BAC} = \frac{h}{\overline{AB}}$$

$$\sin 60^\circ = \frac{h}{7,3 \text{ cm}} \quad | \cdot 7,3 \text{ cm}$$

$$h = \sin 60^\circ \cdot 7,3 \text{ cm}$$

$$h = 6,32 \text{ cm}$$

Flächeninhaltsformel des Dreiecks:

$$A = \frac{g \cdot h}{2}$$

$$A = \frac{7,3 \text{ cm} \cdot 6,32 \text{ cm}}{2}$$

$$A = 23,07 \text{ cm}^2$$

Berechnung der grauen Fläche:

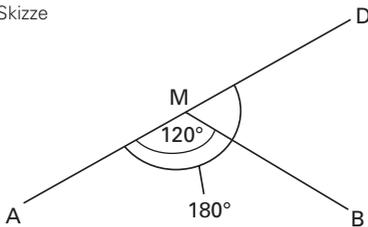
$$A_{\text{graue Fläche}} = A_{\text{Kreis}} - A_{\text{Dreieck}}$$

$$A_{\text{graue Fläche}} = 55,42 \text{ cm}^2 - 23,07 \text{ cm}^2$$

$$A_{\text{graue Fläche}} = 32,35 \text{ cm}^2 \approx 32 \text{ cm}^2$$

c) $\overline{AM} = \overline{CM} = \overline{BM} = \overline{DM} = r$

Skizze



$$\sphericalangle \text{ BMD} = 180^\circ - 120^\circ$$

$$\sphericalangle \text{ BMD} = 60^\circ$$

Da der Winkel $\sphericalangle \text{ BMD} = 60^\circ$ ist, müssen die anderen beiden Winkel des Dreiecks MBD auch 60° sein. Wenn drei Winkel eines Dreiecks 60° sind, dann handelt es sich um ein gleichseitiges Dreieck.

Aufgabe W2

a) 1. $y = (x + 1)^2 - 9$

Einsetzen von $x = 1$

$$y = (1 + 1)^2 - 9$$

$$y = -5$$

Also ist P (1 | -5)

2. Einsetzen von $y = 27$

$$y = (x + 1)^2 - 9$$

$$27 = (x + 1)^2 - 9 \quad | + 9$$

$$36 = (x + 1)^2$$

$$36 = x^2 + 2x + 1 \quad | - 36$$

$$x^2 + 2x - 35 = 0$$

Anwenden der pq-Formel:

$$p = 2; q = -35$$

$$x_{1/2} = -\frac{p}{2} \pm \sqrt{\left(\frac{p}{2}\right)^2 - q}$$

$$x_{1/2} = -\frac{2}{2} \pm \sqrt{\left(\frac{2}{2}\right)^2 + 35}$$

$$x_{1/2} = -1 \pm \sqrt{36}$$

$$x_1 = -1 + 6 \quad x_1 = 5$$

$$x_2 = -1 - 6 \quad x_2 = -7$$

R (-7 | 27)

b) Normalform: $y = x^2 + px + q$

$$y = (x + 1)^2 - 9$$

$$y = x^2 + 2x + 1 - 9$$

$$y = x^2 + 2x - 8$$

c) Berechnung der Nullstellen:

$$(x + 1)^2 - 9 = 0$$

$$x^2 + 2x + 1 - 9 = 0$$

$$x^2 + 2x - 8 = 0$$

Bdg.: $y = 0$

pq-Formel: $x_{1/2} = -\frac{p}{2} \pm \sqrt{\left(\frac{p}{2}\right)^2 - q} \quad \Rightarrow p = 2; q = -8$

$$x_{1/2} = -\frac{2}{2} \pm \sqrt{\left(\frac{2}{2}\right)^2 + 8}$$

$$x_{1/2} = -1 \pm \sqrt{9}$$

$$x_1 = -1 + 3 \quad x_1 = 2 \quad \Rightarrow N_1 (2 | 0)$$

$$x_2 = -1 - 3 \quad x_2 = -4 \quad \Rightarrow N_2 (-4 | 0)$$

d) $y = -(x + 1)^2 - 5$

Die Spiegelgerade verläuft parallel zur x-Achse und geht durch den Punkt P (-1 | -7).

\Rightarrow D

Aufgabe W3

- a) 1. Bestimmen der Bakterienanzahl durch Ablesen:
Zu Beginn waren es **50 Bakterien**.
2. Nach 60 Minuten:
Zu Beginn waren es 150 Bakterien.
 $150 \cdot 4 = 600$ **Bakterien**
Die Anzahl der Bakterien der Art B hat sich nach 60 Minuten vervierfacht.
3. 60 Min. = 1 h
Art A:
60 Min. = 400 Bakterien
Die Bakterien haben sich verachtfacht, also sind es nach 2 Stunden **3200 Bakterien**.
Art B:
60 Min. = 600 Bakterien
Die Bakterien haben sich vervierfacht, also sind es nach 2 Stunden **2400 Bakterien**.
⇒ Die Anzahl der Bakterien der Art A ist somit größer.

4. Die Minuten t der Art B kann man mit dem Term C
 $150 \cdot 2^{\frac{t}{30}}$ berechnen.
Dies kann z. B. durch Ausprobieren und Vergleichen mit dem Diagramm überprüft werden.

Überprüfung mit 60 Minuten:

$$A = 150 \cdot 2^t = 150 \cdot 2^{60} = 172938... \quad X$$

$$B = 150 \cdot 2^{\frac{t}{20}} = 150 \cdot 2^{\frac{60}{20}} = 1200 \quad X$$

$$C = 150 \cdot 2^{\frac{t}{30}} = 150 \cdot 2^{\frac{60}{30}} = 600 \quad \checkmark$$

$$D = 150 \cdot 2^{\frac{t}{60}} = 150 \cdot 2^{\frac{60}{60}} = 300 \quad X$$

5. $50 \cdot 2^{\frac{t}{20}}$ Überprüfung mit 60 Min.:
↓ Anzahl der Bakterien am Anfang $50 \cdot 2^{\frac{60}{20}} = 400 \quad \checkmark$

(Orientierung am Term der Art B)

- b) Term $n_0 \cdot 3^{\frac{t}{60}}$
1. Die Variable n_0 steht für die Anzahl der Bakterien zum Zeitpunkt $t = 0$.
2. Annahme: Zu Beginn sind es 100 Bakterien. Nach wie viel Minuten entspricht die Anzahl 300 Bakterien?
- $$100 \cdot 3^{\frac{30}{60}} = 173,20... \quad X$$
- $$100 \cdot 3^{\frac{50}{60}} = 249,80... \quad X$$
- $$100 \cdot 3^{\frac{60}{60}} = 300 \quad \checkmark$$

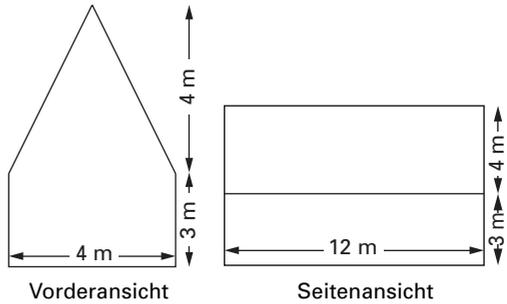
Nach 60 Minuten hat sich die Anzahl der Bakterien der Art C verdreifacht.

Aufgabe W4

Das abgebildete Gebäude kann als zwei zusammengesetzte Körper angesehen werden.
 Der untere Teil gleicht einem Quader und der obere Teil einem Dreiecksprisma.

Schätzung der Maße:

- Gesamthöhe des Gebäudes: 7 m
- Länge der Seitenansicht: 12 m
- Breite der Vorderansicht: 4 m



a) Berechnung des Dreiecksprismas:

$$A_D = \frac{1}{2} \cdot g \cdot h$$

$$V_{DP} = A_D \cdot h_S$$

$$V_{DP} = \frac{1}{2} \cdot g \cdot h \cdot h_S$$

$$V_{DP} = \frac{1}{2} \cdot 4 \text{ m} \cdot 4 \text{ m} \cdot 12 \text{ m}$$

$$V_{DP} = 96 \text{ m}^3$$

Berechnung des Quaders:

$$V = a \cdot b \cdot c$$

$$V = 4 \text{ m} \cdot 12 \text{ m} \cdot 3 \text{ m}$$

$$V = 144 \text{ m}^3$$

Gesamtes Volumen:

$$V_{\text{Gesamt}} = V_{\text{Dreiecksprisma}} + V_{\text{Quader}}$$

$$V_{\text{Gesamt}} = 96 \text{ m}^3 + 144 \text{ m}^3$$

$$V_{\text{Gesamt}} = 240 \text{ m}^3$$

b) Die Acryglasflächen können als Rechtecke angesehen werden.

Schätzung der Maße (mit Abzug der Holzbalken):

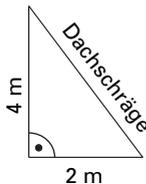


$$A_1 = a \cdot b$$

$$A_1 = 85 \text{ cm} \cdot 300 \text{ cm}$$

$$A_1 = 25\,500 \text{ cm}^2$$

$$A_1 = 2,55 \text{ m}^2$$



Berechnung der Dachschräge mit dem **Satz des Pythagoras:**

$$x^2 = (4 \text{ m})^2 + (2 \text{ m})^2$$

$$x^2 = 16 \text{ m}^2 + 4 \text{ m}^2$$

$$x \approx 4,5 \text{ m}$$

$$A_2 = a \cdot b$$

$$A_2 = 85 \text{ cm} \cdot 450 \text{ cm}$$

$$A_2 = 38\,250 \text{ cm}^2$$

$$A_2 = 3,825 \text{ m}^2$$

Es gibt jeweils 13 Platten.

$$A_1 \cdot 13$$

$$2,55 \text{ m}^2 \cdot 13$$

$$A_1 = 33,15 \text{ m}^2$$

$$A_2 \cdot 13$$

$$3,825 \text{ m}^2 \cdot 13$$

$$A_2 = 49,725 \text{ m}^2$$

$$A_1 + A_2 = A_{\text{Gesamt}}$$

$$33,15 \text{ m}^2 + 49,725 \text{ m}^2 = A_{\text{Gesamt}}$$

$$82,875 \text{ m}^2 = A_{\text{Gesamt}}$$

Berechnung der Kosten:

$$A_{\text{Gesamt}} \cdot 150 \frac{\text{€}}{\text{m}^2}$$

$$82,875 \text{ m}^2 \cdot 150 \frac{\text{€}}{\text{m}^2}$$

$$= 12\,431,25 \text{ €}$$

Aufgabe W5

- a) Es gibt 3 Felder. Die Wahrscheinlichkeit, dass der Buchstabe W angezeigt wird, liegt bei

$$P(W) = \frac{1}{3} = 0,33 = 33 \%$$

- b) $P(O) = \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{5} = \frac{1}{60} = 0,01\overline{66} = 1,7 \%$ (Der Nenner entspricht der Anzahl der Felder.)

- c) Scheibe 1: Die Buchstaben M und W kommen beide 1-mal vor.
 Scheibe 2: Der Buchstabe E kommt 1-mal vor und der Buchstabe A 2-mal.
 Scheibe 3: Die Buchstaben R und I kommen beide 1-mal vor.

Der Buchstabe A kommt auf der Scheibe 2 also doppelt so oft vor. Aus diesem Grund ist die Wahrscheinlichkeit, das Wort „MAI“ zu erhalten, doppelt so hoch.

- d) Der Buchstabe A wird angezeigt A
 Der Buchstabe A wird nicht angezeigt \bar{A}

$$P(\bar{A}\bar{A}\bar{A} \mid \bar{A}\bar{A}\bar{A}) = 1 \cdot \frac{2}{4} \cdot \frac{1}{5} + 1 \cdot \frac{2}{4} \cdot \frac{4}{5} = \frac{1}{2}$$

$$\text{Scheibe 1: A kommt nicht vor: } P(\bar{A}) = 1$$

$$\text{Scheibe 2: A kommt 2-mal vor: } P(A) = \frac{2}{4}$$

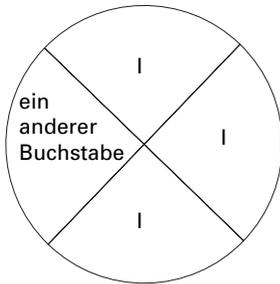
$$\text{Scheibe 3: A kommt vor: } P(A) = \frac{1}{5}$$

$$\text{A kommt nicht vor: } P(\bar{A}) = \frac{4}{5}$$

$$P = \frac{1}{2} = 0,5 = 50 \%$$

Yasin hat mit seiner Aussage recht.

e)



$$P(I) = \frac{3}{4} = 0,75 = 75 \%$$

$$\text{Scheibe 1: M} \quad P(M) = \frac{1}{3}$$

$$\text{Scheibe 2: A} \quad P(A) = \frac{2}{4}$$

$$\text{Scheibe 3: M} \quad P(M) = \frac{1}{5}$$

$$\text{Scheibe 4: I} \quad P(I) = \frac{3}{4}$$

$$P(\text{MAMI}) = \frac{1}{3} \cdot \frac{2}{4} \cdot \frac{1}{5} \cdot \frac{3}{4}$$

$$P(\text{MAMI}) = 0,025 \\ = 2,5\%$$

$$\frac{1}{3} \cdot \frac{2}{4} \cdot \frac{1}{5} \cdot x = 0,025$$

$$\frac{2}{60} \cdot x = 0,025 \quad | : \frac{2}{60}$$

$$x = \frac{3}{4}$$